

ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ  
ДОПОЛНИТЕЛЬНОГО ОБРАЗОВАНИЯ «ЦЕНТР ДЛЯ ОДАРЕННЫХ ДЕТЕЙ «ПОИСК»



Дополнительная общеобразовательная общеразвивающая  
программа естественнонаучной направленности

**«Математика»**

Возраст обучающихся: 11-17 лет

Объем программы: 72 часа

Срок освоения: 1 год

Форма обучения: очная

Авторы программы: Жалыбина Юлия Витальевна, заведующий ЦДО  
«IT-куб» г. Михайловск

Минеральные Воды, 2024

## **ОГЛАВЛЕНИЕ**

|  |    |
|--|----|
| ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА.....   | 1  |
| 1. ОСНОВНЫЕ ХАРАКТЕРИСТИКИ ПРОГРАММЫ .....   | 2  |
| 2. ОРГАНИЗАЦИОННО-ПЕДАГОГИЧЕСКИЕ УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ ПРОГРАММЫ....  | 6  |
| УЧЕБНЫЙ ПЛАН .....   | 9  |
| КАЛЕНДАРНЫЙ УЧЕБНЫЙ ГРАФИК.....  | 10 |
| РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОГО КУРСА .....   | 11 |
| «Математика».....  | 11 |
| СОДЕРЖАНИЕ КУРСА «Персональная кибербезопасность» .....  | 13 |
| ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ.....   | 22 |
| МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ.....  | 25 |
| КАДРОВОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ .....   | 27 |
| ОПИСАНИЕ МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЙ БАЗЫ, НЕОБХОДИМОЙ ДЛЯ<br>ОСУЩЕСТВЛЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ПО КУРСУ ..... | 27 |
| УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ПРОГРАММЫ .....   | 28 |

## **ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА**

Программа «Математика» разработана в соответствии с требованиями нормативных документов:

Федерального закона РФ от 29.12.2012 г. № 273-ФЗ «Об образовании в Российской Федерации».

Концепции развития дополнительного образования детей, утвержденной распоряжением Правительства РФ от 4 сентября 2014 г. № 1726-р.

Приказа Минпросвещения РФ от 09.11.2018 г. N 196 «Об утверждении

Порядка организации и осуществления образовательной деятельности по дополнительным общеобразовательным программам».

Постановления Главного государственного санитарного врача РФ от 28.09.2020 г. № 28 СП 2.4.3648-20 «Санитарно-эпидемиологические требования к организациям воспитания и обучения, отдыха и оздоровления детей и молодежи».

Методических рекомендаций по проектированию дополнительных общеразвивающих программ (письмо Минобрнауки РФ от 18.11.2015 г. N 09-3242).

Методических рекомендаций по созданию и функционированию центров цифрового образования «IT-куб» (утв. распоряжением Министерства просвещения Российской Федерации от 12.01.2021 № Р-5). Паспорт национального проекта «Образование» (утв. президиумом Совета при Президенте РФ по стратегическому развитию и национальным проектам, протокол от 24.12.2018 № 16).

Государственной программы Российской Федерации «Развитие образования» (утв. постановлением Правительства РФ от 26.12.2017 № 1642 (ред. от 15.03.2021) «Об утверждении государственной программы Российской Федерации “Развитие образования”»).

Стратегии развития воспитания в Российской Федерации на период до 2025 года (утв. распоряжением Правительства РФ от 29.05.2015 № 996-р «Об

утверждении Стратегии развития воспитания в Российской Федерации на период до 2025 года»).

## **1. ОСНОВНЫЕ ХАРАКТЕРИСТИКИ ПРОГРАММЫ**

### **1.1. Направленность программы**

Дополнительная общеобразовательная общеразвивающая программа «Математика» имеет естественно-научную направленность, в связи с этим рассматриваются три актуальных аспекта изучения:

- теоретический: овладение конкретными математическими знаниями и умениями, необходимыми для применения в практической деятельности, для изучения смежных дисциплин, для продолжения образования;
- прикладной: математика рассматривается как средство познания окружающего мира, аппарат, с помощью которого осуществляются расчёты и ведутся исследования практически во всех естественных науках и целом ряде гуманитарных наук;
- общеобразовательный: математика выступает как средство интеллектуального развития учащихся, формирования качеств мышления, 4 характерных для математической деятельности и необходимых человеку для полноценной жизни в современном обществе.

### **1.2. Адресат программы**

Программа адресована обучающимся от 11 до 17 лет.

Программа предназначена для школьников 5-10 классов, с повышенным уровнем мотивации к обучению, желающих систематизировать и расширить свои теоретические знания по математике; развить умственные способности; изучить разделы математики, не рассматриваемые в рамках школьной программы; совершенствовать навыки решения широкого класса задач из различных разделов математики и смежных учебных предметов.

### **1.3. Актуальность программы**

Данная программа позволяет учащимся расширить целостное представление о предмете, познакомиться с некоторыми вопросами математики, выходящими за рамки школьной программы, способствует развитию многих мыслительных операций и общему интеллектуальному развитию. Не менее важным фактором реализации данной программы является стремление развить у учащихся умения самостоятельно работать, думать, решать творческие задачи, а также совершенствовать навыки аргументации собственной позиции по определенному вопросу. Содержание программы предоставляет учащимся возможность работать на уровне повышенных требований, развивая учебную мотивацию.

### **1.4. Новизна программы**

Новизна дополнительной общеобразовательной программы «Математика» заключена в применении интерактивных методов взаимодействия обучающихся и наставника; отклонении от изучения «сухой» теории и отсутствия связи с практической деятельностью; освоении обучающимися базовых знаний по математике посредством разбора и решения научных, социально-значимых задач; использовании программного обеспечения для моделирования исследуемых процессов.

**Уровень освоения программы – базовый.**

### **1.5 Объем и срок освоения программы**

Объем программы – 72 часа.

Срок реализации программы – 1 год.

### **1.6 Цели и задачи программы**

**Цель** - формирование у обучающихся навыков и компетенций, необходимых для дальнейшей проектной работы с применением математических знаний, формирование логического мышления, умения formalизовать процессы,

струкирование знаний, приобретение обучающимися навыков математического моделирования.

### **Задачи программы**

#### **1. Обучающие:**

На основе имеющиеся у обучающихся знаний и умений углубить и систематизировать познания в области математики:

- изучать алгоритмы построения графиков функций и проведение их анализа;
- изучать построение сложных фигур;
- изучать основы комбинаторики, теории множеств, математической логики, теории вероятностей;
- осваивать теорию графов и решение задач о поиске кратчайшего пути.

#### **2. Развивающие:**

Обучающиеся в процессе изучения образовательной программы получат возможность:

- формировать гибкие (soft) компетенции (4К: критического мышления, креативного мышления, коммуникации, кооперации);
- формирование стойкого интереса к математике, развитие логического мышления;
- привлечение детей к проектной деятельности и повышение математической грамотности учащихся;
- совершенствовать стремление школьников к познанию, расширению кругозора, информированности в рамках предметной области;

#### **3. Воспитательные:**

- формирование определенного мировоззрения, противодействующего терроризму и экстремизму, связанного с устоями и обычаями, национальными и культурными традициями, историей региона, межнациональной и межрелигиозной толерантностью;
- воспитание культуры личности, отношения к математике как к части

общечеловеческой культуры, играющей особую роль в общественном развитии.

### **1.7. Планируемые результаты освоения программы**

#### **1. Предметные результаты:**

- сформированы знания и умение применять математические инструменты для решения различных задач
- сформирован навык построения математических моделей;
- сформированы умения соблюдать нормы информационной этики.
- сформированы навыки сбора и анализа статистических данных;
- сформировано понимание математической логики, теории множеств, вероятностей и графов.

#### **2. Метапредметные результаты:**

- овладение универсальными познавательными действиями, обеспечивающими формирование базовых когнитивных процессов обучающихся: освоение методов познания окружающего мира;
- применение логических операций, умений работать с информацией;
- освоение навыков общения и сотрудничества, обеспечивающих сформированность социальных навыков обучающихся;
- формирование навыков самоорганизации и самоконтроля, обеспечивающими формирование смысловых установок и жизненных навыков личности.

#### **3. Личностные результаты:**

- установка на активное участие в решении практических задач математической направленности;
- осознание важности математического образования на протяжении всей жизни для успешной профессиональной деятельности;
- осознанный выбор и построение индивидуальной траектории образования и жизненных планов с учётом личных интересов и общественных потребностей;
- способность к эмоциональному и эстетическому восприятию математических объектов, задач, решений, рассуждений;

- готовность к действиям в условиях неопределённости, повышение уровня своей компетентности через практическую деятельность;
  - овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира;
  - проявление интереса к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках и прикладных сферах.

## **2. ОРГАНИЗАЦИОННО-ПЕДАГОГИЧЕСКИЕ УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ ПРОГРАММЫ**

## **2.1 Язык реализации программы**

Реализация дополнительной общеобразовательной общеразвивающей программы «Математика» осуществляется на государственном языке Российской Федерации.

## **2.2. Форма обучения:**

- очная.

## 2.3. Особенности реализации программы

Особенностью данной программы является использование современных методов и технологий в обучении, а именно кейс-метода и командной проектной деятельности.

Кейс представляет собой описание конкретной реальной ситуации, подготовленное по определенному формату и предназначенное для обучения учащихся анализу разных видов информации, ее обобщению, навыкам формулирования проблемы и выработки возможных вариантов ее решения в соответствии с установленными критериями.

Занятия строятся с учётом индивидуальных особенностей воспитанников, что позволяет заинтересовать, увлечь каждого ребенка, раскрыть его творческие способности, научиться правильно организовывать командную проектную работу.

Самый важный ресурс для достижения результата проекта – это люди, которые привлечены в проект.

Команда проекта – это малочисленная группа детей (желательно 2–8 человек), которые владеют необходимыми для достижения единой цели знаниями и умениями и совместно отвечают за достижение результата.

Работа над проектом строится в логике деятельности, имеющей личностный смысл для ребенка, что повышает его мотивацию в учении. Педагогические условия, создаваемые для эффективного формирования личности, способной работать в команде, нами будут реализовываться через вовлечение детей в проектную деятельность, обеспечивающую накопление личностного опыта интерактивного взаимодействия в команде.

#### **2.4. Условия набора и формирования групп**

##### **Условия набора обучающихся.**

На обучение зачисляются обучающиеся 5-10 классов общеобразовательных организаций Ставропольского края.

Зачисление на обучение по программе осуществляется в соответствии с Правилами приема обучающихся в Минераловодский филиал Центра «Поиск» на 2024 – 2025 учебный год.

Условия формирования групп: разновозрастная.

#### **2.5. Формы организации и проведение занятий**

Формы организации занятий:

- аудиторные (под непосредственным руководством преподавателя).

Формы проведения занятий: комбинированные, теоретические, практические, самостоятельные, контрольные, игровые.

Формы организации деятельности обучающихся:

- фронтальная: работа педагога со всеми учащимися одновременно (беседа, показ, объяснение и т.п.);
- групповая: организация работы (совместные действия, общение, взаимопомощь) в малых группах, в т.ч. в парах, для выполнения определенных задач; задание выполняется таким образом, чтобы был виден вклад каждого учащегося (группы могут выполнять одинаковые или разные задания, состав группы может меняться в зависимости от цели деятельности);
- коллективная: организация проблемно-поискового или творческого взаимодействия между всеми детьми одновременно;
- индивидуальная: организуется для работы с особо одаренными детьми, для коррекции пробелов в знаниях и отработки отдельных навыков.

Режим занятий:

Очная форма обучения: 5-10 классы – 2 урока 1 раз в неделю.

Продолжительность учебного часа - 40 минут.

## УЧЕБНЫЙ ПЛАН

| Наименование кейса  | Количество часов |           |           | Форма контроля/<br>аттестации |
|---|------------------|-----------|-----------|-------------------------------|
|   | Теория           | Практика  | Всего     |                               |
| <b>Кейс 1. Проектная деятельность. «Математика в фотографии. Создание удачного кадра»</b> | 3                | 5         | 8         | Защита проекта                |
| <b>Кейс 2. Геометрия.<br/>«Практическая геометрия.<br/>Модель жилого помещения»</b>       | 6                | 8         | 14        | Защита проекта                |
| <b>Кейс 3. Теория графов.<br/>«Построение оптимального маршрута»</b>                      | 3                | 9         | 12        | Защита проекта                |
| <b>Кейс 4. Теория множеств.<br/>«Надежный пароль»</b>                                     | 6                | 10        | 16        | Защита проекта                |
| <b>Кейс 5. Теория вероятностей. «Стратегия победителя»</b>                                | 4                | 8         | 12        | Защита проекта                |
| <b>Кейс 6. Компьютерное моделирование. «Биоритмы человека»</b>                            | 4                | 6         | 10        | Защита проекта                |
| <b>Итого:</b>   | <b>26</b>        | <b>46</b> | <b>72</b> |                               |

## КАЛЕНДАРНЫЙ УЧЕБНЫЙ ГРАФИК

| Наименование модуля, учебного курса    | Год обучения   | Дата начала обучения | Дата окончания обучения | Количество учебных недель | Количество учебных дней | Количество учебных часов | Режим занятий          |
|--|----------------|----------------------|-------------------------|---------------------------|-------------------------|--------------------------|------------------------|
| Образовательная программа «Математика» | 1 год обучения | 02.09.2024           | 30.05.2025              | 35                        | 35                      | 72 ч.                    | 2 урока 1 раз в неделю |

## **РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОГО КУРСА «МАТЕМАТИКА»**

### **5-10 классы**

**В результате освоения учебного курса обучающийся должен:**

В результате освоения программы базового модуля обучающийся должен овладеть следующими компетенциями:

**Soft skills (личностные и межличностные компетенции)**

- умение искать информацию в открытых источниках и анализировать ее;
- навык командной работы;
- умение структурировано преподносить результаты.

**Hard skills (знания и профессиональные компетенции)**

- знакомство с математическими конструкторами;
- знакомство с инструментами табличного процессора.
- знание и умение применять математические инструменты для решения различных задач;
- навык построения математических моделей;
- навык сбора и анализа статистических данных;
- освоение математической логики, теории множеств, вероятностей и графов.

## Тематический план курса

| №   | Наименование разделов и тем   | Количество часов |           |           | Формы контроля       |
|-----|---|------------------|-----------|-----------|----------------------|
|     |   | Теория           | Практика  | Всего     |                      |
|     | <b>I. Проектная деятельность (Кейс 1. «Математика в фотографии. Создание удачного кадра»)</b> | <b>3</b>         | <b>5</b>  | <b>8</b>  |                      |
| 1.  | Вводное занятие   | 0                | 1         | 1         | Опрос                |
| 2.  | Метод проектов  | 1                | 0         | 1         | Опрос                |
| 3.  | Правила математики в фотоискусстве  | 1                | 0         | 1         | Опрос                |
| 4.  | Элементы ораторского искусства  | 1                | 1         | 1         | Опрос                |
| 5.  | Подготовка к защите и защита проектов   | 0                | 3         | 3         | Защита проекта       |
|     | <b>II. ГЕОМЕТРИЯ (Кейс 2. «Практическая геометрия. Модель жилого помещения»)</b>              | <b>6</b>         | <b>8</b>  | <b>14</b> |                      |
| 6.  | Геометрия в повседневной жизни и в искусстве  | 1                | 0         | 1         | Опрос                |
| 7.  | Пространство и размерность  | 1                | 0         | 1         | Опрос                |
| 8.  | Возможные зависимости периметра и площади фигур, практическое применение                      | 1                | 1         | 2         | Практическое задание |
| 9.  | Расчет угла наклона крыши для чердачной и мансардной кровли                                   | 1                | 1         | 2         | Практическое задание |
| 10. | Геометрия в интерьере   | 1                | 1         | 2         | Практическое задание |
| 11. | Создание модели дома  | 1                | 3         | 4         | Практическое задание |
| 12. | Подготовка к защите и защита проектов   | 0                | 2         | 2         | Защита проекта       |
|     | <b>III. ТЕОРИЯ ГРАФОВ (Кейс 3. «Построение оптимального маршрута»)</b>                        | <b>3</b>         | <b>9</b>  | <b>12</b> |                      |
| 13. | Графы и их применение   | 1                | 1         | 2         | Практическое задание |
| 14. | Алгоритмы нахождения кратчайшего пути в графе   | 1                | 2         | 3         | Практическое задание |
| 15. | Решение задачи коммивояжёра. Построение оптимального маршрута                                 | 1                | 4         | 5         | Практическое задание |
| 16. | Подготовка к защите и защита проектов   | 0                | 2         | 2         | Защита проекта       |
|     | <b>IV. ТЕОРИЯ МНОЖЕСТВ (Кейс 4. «Надежный пароль»)</b>  | <b>6</b>         | <b>10</b> | <b>16</b> |                      |
| 17. | Понятие множества   | 1                | 1         | 2         | Опрос                |

|   |  |           |           |           |                      |
|---|--|-----------|-----------|-----------|----------------------|
| 18.   | Операции на множестве.<br>Диаграммы Эйлера-Венна             | 1         | 1         | 2         | Практическое задание |
| 19.   | Комбинаторика. Правила суммы и произведения                  | 1         | 1         | 2         | Практическое задание |
| 20.   | Число перестановок, размещений, сочетаний                    | 1         | 3         | 4         | Практическое задание |
| 21.   | Алгоритм надежного пароля                                    | 1         | 1         | 2         | Опрос                |
| 22.   | Проверка надежности пароля методами комбинаторных вычислений | 1         | 1         | 2         | Практическое задание |
| 23.   | Подготовка к защите и защита проектов                        | 0         | 2         | 2         | Защита проекта       |
| <b>V. ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТЕЙ (Кейс 5. «Стратегия победителя»)</b>      |  | <b>4</b>  | <b>8</b>  | <b>12</b> |                      |
| 24.   | Основы теории вероятностей                                   | 1         | 0         | 1         | Опрос                |
| 25.   | Случайные события и виды событий                             | 0         | 2         | 2         | Практическое задание |
| 26.   | Области применения теории вероятностей                       | 1         | 0         | 1         | Опрос                |
| 27.   | Теория игр. Классификация игр                                | 1         | 1         | 2         | Практическое задание |
| 28. к   | Понятие матричных игр и методы их решения                    | 1         | 3         | 4         | Практическое задание |
| 29.   | Подготовка к защите и защита проектов                        | 0         | 2         | 2         | Защита проекта       |
| <b>VI. КОМПЬЮТЕРНОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ (Кейс 6. «Биоритмы человека»)</b> |  | <b>4</b>  | <b>6</b>  | <b>10</b> |                      |
| 30.   | Модели и моделирование                                       | 2         | 0         | 2         | Опрос                |
| 31.   | Геометрическое моделирование                                 | 2         | 2         | 3         | Опрос                |
| 32.   | Моделирование процессов в MS Excel                           | 0         | 3         | 2         | Практическое задание |
| 33.   | Подготовка к защите и защита проектов                        | 0         | 2         | 2         |                      |
| <b>ИТОГО</b>  |  | <b>26</b> | <b>46</b> | <b>72</b> |                      |

## СОДЕРЖАНИЕ КУРСА «ПЕРСОНАЛЬНАЯ КИБЕРБЕЗОПАСНОСТЬ»

## **I. Проектная деятельность (Кейс 1. «Математика в фотографии. Создание удачного кадра»)**

Данный кейс познакомит учащихся с особенностями использования математических правил в построении фотокадра.

В ходе реализации проекта участники кейса исследуют понятие золотого сечения, способы построения кадра и создадут фотографии с применением этих знаний.

### **Вводное занятие**

*Теория.* В процессе реализации этой темы, учащиеся познакомятся с каждым членом группы и получат позитивные навыки работы в команде.

*Практика.* Проведение игр на знакомство и командообразующей викторины, содержащей практикоориентированные задачи для выяснения стартового уровня учащихся по основным темам программы.

### **Метод проектов**

*Теория.* Что такое проект. Виды проектов. Этапы проектной деятельности. Что такое проблема. Понятие о гипотезе. Выбор идеи проекта. Постановка целей и задач. Определение формы взаимодействия при работе над проектом. Определение предмета и методов исследования в работе над проектом. Составление плана работы над проектами. Подготовка к защите. Защита проектов.

### **Правила математики в фотоискусстве**

*Теория.* Учащиеся познакомятся с композицией, золотым сечением, перспективой и с геометрическими правилами, применяемыми при построении геометрически правильного кадра.

*Практика.* На основе полученных знаний учащимися будет создана памятка (презентация) с приложенными примерами фотографий, наглядно отражающими приемы построения кадра.

### **Элементы ораторского искусства**

*Теория.* Знакомство с основами публичного выступления и приемами ораторского мастерства.

**Практика.** Определение основных трудностей в подготовке, осуществлении публичного выступления и поиск методов их решения.

### **Подготовка к защите и защита проектов**

**Теория.** Изучение принципов успешной презентации проекта.

**Практика.** Подготовка речи выступления и структуры презентации по итогам работы над кейсом. Создание презентации. (MS Power Point, prezi.com). Защита проектов. Проведение рефлексии.

## **II. ГЕОМЕТРИЯ (Кейс 2. «Практическая геометрия. Модель жилого помещения»)**

Данный кейс познакомит учащихся с особенностями геометрических форм, законов, пропорций и их использования в архитектуре, а также позволит приобрести навыки геометрического конструирования на примере построения модели дома/квартиры в среде 3D-моделирования SketchUp.

В ходе реализации проекта участники кейса установят важные зависимости между площадью и периметром фигур с целью определения оптимального геометрического решения для реализации конструкции нашего жилого помещения. Для доказательства верного выбора модели помещения проводятся расчеты на материальные расходы по отделке комнат. Также учащиеся познакомятся с правилом золотого сечения и научатся применять золотые пропорции при реализации интерьерных решений.

### **Геометрия в повседневной жизни и в искусстве**

**Теория.** Изучение истории возникновения и развития геометрии, знакомство с сущностью геометрических законов, пропорций и их использования в архитектуре и живописи.

**Практика.** Поиск использования геометрических форм в различных стилях искусства и выявление взаимосвязи свойств архитектурных сооружений и изобразительного искусства с геометрическими формами.

### **Пространство и размерность**

**Теория.** Знакомство учащихся с понятиями «пространство» и «размерность» и их взаимосвязью. Изучение особенности изображения пространственных фигур.

**Практика.** Научиться определять размерность геометрических фигур и передавать объемность тела посредством изгиба линий. Сформировать способность видеть ошибку в изображении.

### **Возможные зависимости периметра и площади фигур, практическое применение.**

**Теория.** Проведение исследования в группах по теме: «Возможные зависимости между площадью и периметром фигур». Установление некоторых зависимостей между площадью и периметром.

**Практика.** Опираясь на результаты исследования, установить достоверность решения знаменитой задачи про царицу Дидону. Провести решение ряда задач на нахождение площади и периметра стен и пола различных помещений, сравнить результаты. Сформировать выводы по теме исследования и выбрать оптимальное геометрическое решение для реализации конструкции нашего жилого помещения.

### **Расчет угла наклона крыши для чердачной и мансардной кровли**

**Теория.** Изучение зависимости угла наклона крыши и эксплуатационных характеристик при строительстве здания.

**Практика.** Определение формы крыши для создаваемой модели и расчет угла наклона выбранной конструкции

### **Геометрия в интерьере**

**Теория.** Изучение искусства дизайна, его происхождения и сути, связи этого искусства с геометрией и рассмотрение основных принципов геометрии, которые используют в дизайне.

**Практика.** Разработать модели комнат с применением полученных знаний.

### **Создание модели дома**

**Теория.** Знакомство со средой 3D-моделирования «SketchUp» и изучение основных инструментов, используемых при работе в данной программе. Сбор необходимой информационной базы для реализации проекта.

**Практика.** Конструирование жилого дома/квартиры, проведение расчетов на материальные расходы по отделке комнат. Применение правила золотого сечения при реализации интерьерных решений.

### **Подготовка к защите и защита проектов**

**Практика.** Подготовка речи выступления и структуры модели в программе «SketchUp». Защита проектов. Проведение рефлексии.

## **III. ТЕОРИЯ ГРАФОВ (Кейс 3. «Построение оптимального маршрута»)**

В процессе решения данного кейса, учащиеся познакомятся с основными понятиями теории графов и увидят широкое применение графов в решении экономических, управлеченческих задач и др. областях знаний.

На начальном этапе работы с кейсом учащимся предлагается проблемная ситуация. Есть входной набор условий: несколько магазинов и склад в городе, а также определенный набор продуктов, которые обязательно должны быть в продаже. Необходимо наладить их доставку наиболее оптимальным способом. В результате учащиеся, работая в команде, должны будут создать рациональный граф-маршрут доставки продуктов по магазинам города.

### **Графы и их применение**

**Теория.** Получаем представление о графах, изучаем основные понятия и области применения. На занятиях знакомимся с знаменитой задачей о семи кёнигсбергских мостах, строим математические модели в виде графов, рассматриваем различные виды графов, решаем задачи на построение.

**Практика.** Учимся строить математические модели в виде графов, формируем навык решения задач с помощью построения графов.

### **Алгоритмы нахождения кратчайшего пути в графике**

**Теория.** Знакомство обучающихся с алгоритмами поиска кратчайшего пути. Изучаем метод кратчайшего пути на графе, исследуем найденный путь с помощью алгоритма Дейкстры.

**Практика.** Формирование умения использовать алгоритмы поиска кратчайшего пути для решения практических задач, находить пути в графе с помощью алгоритма Дейкстры.

### **Решение задачи коммивояжёра. Построение оптимального маршрута**

**Теория.** Рассматриваем примеры применения теории графов в логистике, в частности, при выборе наиболее оптимальной схемы и способов перевозки грузов. Учимся решать транспортные задачи при помощи графов.

**Практика.** Формализуем, рассчитываем и анализируем транспортную модель (задачу) из кейса. Составляем графики доставки товаров и расчет затрат. Решение задачи выполняется с использованием средств ТП Libre Calc / Excel – «Решатель» / «Поиск решения» и отражается в любом сервисе для автоматизации транспортной логистики.

### **Подготовка к защите и защита проектов**

**Практика.** Подготовка речи выступления и структуры презентации по итогам работы над кейсом. Создание презентации. Защита проектов. Проведение рефлексии.

## **IV. ТЕОРИЯ МНОЖЕСТВ (Кейс 4. «Надежный пароль»)**

### **Понятие множества**

**Теория.** Знакомство обучающихся с основными теоретическими понятиями теории множеств. Учимся определять число элементов множества, определять принадлежность элементов множеству, его подмножеству и задавать характеристические свойства множества.

**Практика.** Формируем умение применять полученные теоретические знания определения множества и его элементов, а также навыки решения упражнений на применение изученного материала.

### **Операции на множестве. Диаграммы Эйлера-Венна**

**Теория.** Изучаем основные операции и законы операций над множествами. Учимся правильно анализировать, сравнивать, устанавливать соответствия между элементами различных множеств.

**Практика.** Научиться выполнять действия над множествами, изображать множества и решать логические задачи с помощью диаграмм Эйлера-Венна.

### **Комбинаторика. Правила суммы и произведения**

**Теория.** Проведение исследовательской работы по теме: «Комбинаторика в реальной жизни». Знакомство с использованием комбинаторики в нашей жизни, смежных дисциплинах.

**Практика.** Научиться решать комбинаторные задачи.

### **Число перестановок. Размещений сочетаний**

**Теория.** Изучение комбинаций элементов, формул нахождения числа перестановок, сочетаний и размещений.

**Практика.** Решение практикоориентированных задач с применением полученных знаний.

### **Алгоритм надежного пароля**

**Теория.** Изучение теоретических основ построения пароля для социальных сетей и других сервисов.

**Практика.** Сбор информации о надежности пароля у тестовой группы. Создание алгоритма надежного пароля.

### **Проверка надежности пароля методами комбинаторных вычислений**

**Теория.** Изучение методов проверки разработанных по составленному ранее алгоритму паролей.

**Практика.** Создание перечня безопасных паролей и доказательство их надежности посредством комбинаторных вычислений. Подтверждение полученных результатов при помощи бесплатного интернет-сервиса Kaspersky (<https://password.kaspersky.com/ru/>).

### **Подготовка к защите и защита проектов**

*Практика.* Подготовка речи выступления и структуры презентации по итогам работы над кейсом. Создание презентации. Защита проектов. Проведение рефлексии

## **V. ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТЕЙ (Кейс 5. «Стратегия победителя»)**

В рамках реализации кейса, учащиеся узнают, где в жизни мы встречаемся с теорией вероятностей и можно ли с ее помощью рассчитать себе победу в играх. Основным ориентиром на результат кейса является нахождение выигрышной стратегии игры/ситуации. Выбор игры или произвольной ситуации, для которой будет разработана стратегия, учащиеся делают самостоятельно.

### **Основы теории вероятностей**

*Теория.* Изучить классическое определение вероятности, свойства вероятности, теорему о сумме вероятностей.

*Практика.* Изучение основных способов нахождения вероятности, законов вероятности. Закрепление учащимися знаний при решении задач из реальной жизни.

### **Случайные события и виды событий**

*Теория.* На примере настольной стратегической игры с элементами случайности «Лудо» проводится знакомство с понятиями вероятности и виды случайных событий.

*Практика.* Пытаемся выяснить, где еще в жизни мы встречаемся с теорией вероятностей и можно ли с помощью нее рассчитать себе победу в играх? (Разбор задачи «Парадокс Монти Холла»)

### **Области применения теории вероятностей**

*Теория.* Изучить применение теории вероятности в различных областях жизни и других науках: астрономия, физика, сельское хозяйство, промышленность, медицина биоинформатика.

*Практика.* Решение задач из областей, где применяется теория вероятностей.

## **Теория игр. Классификация игр**

*Теория.* Изучение основных понятий теории игр, знакомство с классификацией игр. Демонстрация возможности теории игр при решении определенных жизненных задач. Рассмотрение примеров использования теории игр в различных играх.

*Практика.* Выяснить, можно ли с помощью теории игр предсказать исход ряда игр. Исследовать методику решения различных видов игр. Разработать выигрышную стратегию, выбранной учащимися, игры/ситуации и рассчитать вероятность наступления выигрыша.

### *Понятие матричных игр и методы их решения*

*Теория.* Основы теории матричных игр, их классификация и графический способ их решения на основе игры полковника Блотто.

*Практика.* Применение полученных знаний при создании проекта и расчета выигрышной стратегии для выбранной группой игры.

## **Подготовка к защите и защита проектов**

*Практика.* Подготовка речи выступления и структуры презентации по итогам работы над кейсом. Создание презентации. Защита проектов. Проведение рефлексии.

## **VI. КОМПЬЮТЕРНОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ (Кейс 6. «Биоритмы человека»)**

Данный кейс направлен на создание программы расчета биоритма человека в среде MS Excel и построение на ее основе модели индивидуальных биологических ритмов учащихся. В ходе работы над кейсом дети познакомятся с базовыми понятиями «модель» и «моделирование», а также с особенностями её построения. В результате дети научатся моделировать информационные процессы с использованием системы программирования VBA.

## **Модели и моделирование**

*Теория.* Формировать представление учащихся о моделировании как основном методе познания. Обеспечить усвоение учащимися понятий «модель»,

«моделирование» и понимание подхода к классификации целей моделирования. Познакомится с ролью моделирования в практических исследованиях.

*Практика.* Уметь выявлять факторы, влияющие на построение любой модели. Уметь отбирать существенные свойства объекта моделирования и объяснять причины использования моделей.

### **Геометрическое моделирование**

*Теория.* Знакомство с краткой информацией о математическом и компьютерном моделировании. Рассмотреть примеры составления моделей в электронных таблицах.

*Практика.* Научиться создавать простейшие модели объектов и процессов. Организовать деятельность учащихся по созданию компьютерной модели в электронных таблицах для практического использования в различных жизненных ситуациях

### **Моделирование процессов в Excel**

*Теория.* Знакомство со средой VBA на базе MS Excel и изучение основных инструментов, необходимых при работе с моделью. Провести сбор и исследование материала по теме «Биоритмы человека» для реализации проекта.

*Практика.* Моделирование процессов с использованием системы программирования Visual Basic, совершенствование навыков работы в MS Excel. Создание индивидуальной для каждого учащегося информационной модели «Биоритмы человека»

### **Подготовка к защите и защита проектов**

*Практика.* Подготовка речи выступления и структуры презентации по итогам работы над кейсом. Создание презентации. Защита проектов. Проведение рефлексии.

## **ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ**

В процессе обучения проводятся разные виды контроля результативности усвоения программного материала.

*Входной контроль* проводится с целью выявления первоначального уровня знаний и умений, возможностей обучающихся.

*Формы:* тестирование.

Диагностика начального уровня проводится с каждым обучающимся индивидуально в форме выполнения письменных тестовых заданий по алгебре и геометрии.

При оценивании письменной работы оценка выставляется по следующим критериям:

| Уровень по сумме баллов, % | Уровни освоения программного материала | Результат  |
|----------------------------|--|--|
| 0-54                       | Неудовлетворительный                   | Обучающийся не владеет программным материалом, не понимает его важности, не пытается его применять   |
| 55-69                      | Удовлетворительный                     | Обучающийся находится в процессе освоения данного материала. Обучающийся понимает важность освоения навыков, однако не всегда эффективно применяет его в практике. |
| 70-84                      | Хороший                                | Обучающийся полностью освоил программный материал. Обучающийся эффективно применяет навык во всех стандартных, типовых ситуациях.                                  |
| 85-100                     | Отличный                               | Особо высокая степень освоения программного материала. Обучающийся способен применять знания и умения в нестандартных ситуациях или ситуациях повышенной сложности |

*Текущий контроль* осуществляется на занятиях в течение всего обучения для отслеживания уровня освоения учебного материала по соответствующей теме программы. Используется для определения педагогических приемов для индивидуального подхода к каждому обучающемуся, корректировки плана работы с группой.

*Формы текущего контроля:* педагогическое наблюдение, тематический тест, диктант, самостоятельная работа, практическая работа, устный опрос.

*Промежуточная аттестация* проводится в конце изучения соответствующей темы курса в форме теста или контрольной работы.

*Итоговое оценивание* проводится в конце обучения по программе.

*Формы:*

- тестирование;
- анализ и обобщение данных об освоении программы обучающихся, участия в олимпиадах, конкурсах, соревнованиях;
- анкетирование обучающихся и родителей с целью выявления степени удовлетворенности образовательным процессом в коллективе и учреждении.

## МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ

| <b>№ п/п</b> | <b>Название раздела, темы</b>                              | <b>Формы учебного занятия</b> | <b>Формы, методы, приемы обучения.<br/>Педагогические технологии</b> | <b>Материально-техническое оснащение, дидактико- методический материал</b>   | <b>Формы контроля/ аттестации</b>   |
|--------------|--|-------------------------------|--|--|---|
| 1            | Кейс 1. «Математика в фотографии. Создание удачного кадра» | Комбинированная               | Исследовательский метод. Метод проектов                              | Информация для фотографов и дизайнеров, форматы фотографий для печати:<br><a href="https://www.fotohunterplus.ru/infofotodesign.php">https://www.fotohunterplus.ru/infofotodesign.php</a><br>Питер Вард «Композиция кадра в кино и на телевидении»                           | Персональный компьютер.<br>Проектор.  |
| 2            | Кейс 2 «Практическая геометрия. Модель жилого помещения»   | Комбинированная               | Кейс метод. Метод проектов   | Уроки SketchUp для начинающих:<br><a href="https://gsketchup.ru/uroki/">https://gsketchup.ru/uroki/</a><br>Полезная геометрия<br><a href="https://www.nkj.ru/archive/articles/19307/">https://www.nkj.ru/archive/articles/19307/</a><br>Иовлев М.Н. «Практическая геометрия» | Персональный компьютер.<br>Проектор.<br>Программа 3D-моделирования SketchUp.                                |
| 3            | Кейс 3 «Построение оптимального маршрута»                  | Комбинированная               | Кейс метод. Метод проектов   | Построение графов онлайн<br><a href="https://graphonline.ru/">https://graphonline.ru/</a><br>Обзор программ для построения транспортной логистики<br><a href="https://www.livebusiness.ru/tools/transport">https://www.livebusiness.ru/tools/transport</a>                   | Персональный компьютер.<br>Проектор.<br>Пакет офисных программ MS Office.<br>Графоанализатор для ОС Windows |
| 4            | Кейс 4 «Надежный пароль»                                   | Комбинированная               | Кейс метод. Метод проектов   | Презентационный материал по темам.<br>Вideoуроки по комбинаторике<br><a href="https://www.matburo.ru/sub_video.php?p=komb">https://www.matburo.ru/sub_video.php?p=komb</a>   | Персональный компьютер.<br>Проектор.  |

|   |                                     |                 |                               |  |  |
|---|-------------------------------------|-----------------|-------------------------------|--|--|
|   |                                     |                 |                               | Интернет-сервис Kaspersky<br>5 <a href="https://password.kaspersky.com/ru/">https://password.kaspersky.com/ru/</a>   | бесплатный<br>интернет-сервис<br>Kaspersky.  |
| 5 | Кейс 5<br>«Стратегия<br>победителя» | Комбинированная | Кейс метод. Метод<br>проектов | Вероятностная игра «Парадокс Монти Холла<br><a href="https://obr.1c.ru/mathkit/collection/models/[mk_m8]_6-25.html">https://obr.1c.ru/mathkit/collection/models/[mk_m8]_6-25.html</a><br>ТВиМС<br><a href="https://www.matburo.ru/tvart_sub.php?p=art_tvims">https://www.matburo.ru/tvart_sub.php?p=art_tvims</a><br>Шень А. «Игры и стратегии с точки зрения<br>математики» | Персональный<br>компьютер.<br>Проектор.  |
| 6 | Кейс 6 «Биоритмы<br>человека»       | Комбинированная | Кейс метод. Метод<br>проектов | Ужегов Г. «Три биоритма».<br>Научный фильм «Биоритмы»<br><a href="https://yandex.ru/video/">https://yandex.ru/video/</a>   | Персональный<br>компьютер.<br>Проектор.<br>Пакет офисных<br>программ MS<br>Office. |

## **КАДРОВОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ**

Преподавание данной программы могут осуществлять педагогические работники, владеющие набором профессиональных навыков в области математики, при наличии необходимых компетенций и уровня профильной подготовки.

## **ОПИСАНИЕ МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЙ БАЗЫ, НЕОБХОДИМОЙ ДЛЯ ОСУЩЕСТВЛЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ПО КУРСУ**

Для реализации программы «Математика» помещение должно удовлетворять строительным, санитарным и противопожарным нормам.

Учебные кабинеты укомплектованы удобными рабочими местами за ученическими столами в соответствии с ростом обучающихся, состоянием их зрения и слуха.

В целях организации антитеррористической защищённости охрана здания учреждения должна быть обеспечена системой наружного видеонаблюдения, пропускным режимом и штатными охранниками. Территория учреждения должна иметь периметральное ограждение и наружное освещение в темное время суток.

### **Материально-техническое обеспечение**

#### **Аудитории:**

- аудитория для теоретических и практических занятий по математике с необходимой ученической мебелью, пластиковой доской;
- компьютерный класс на 14 ученических и 1 учительское место;
- коворкинг-зона.

#### **Технические средства и оборудование:**

- проекционное оборудование;

- персональные компьютеры с выходом в сеть интернет и необходимым для стандартного функционирования программным обеспечением;
- маркеры для пластиковой доски;
- модели геометрических тел;
- сплитсистема.

## **УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ПРОГРАММЫ**

### **1. Перечень литературы, необходимой для освоения программы:**

#### **1.1. Перечень литературы, использованной при написании программы:**

1. Александров П.С. Введение в теорию множеств и общую топологию, - М.: ФИЗМАТЛИТ, 2009. - 352 с.
2. Ахмадиев Ф.Г., Гиззятов Р.Ф., Решение прикладных задач с помощью табличного процессора Excel. Казань: КГА-СУ, 2014. -42 с.
3. Васильев А.Н. Числовые расчеты в Excel: Учебное пособие. - СПб.: Издательство «Лань», 2014. - 608 с.
4. Зиатдинов Р.А. О возможностях использования интерактивной геометрической среды Geogebra 3.0 в учебном процессе./Материалы 10-й Международной конференции «Системы компьютерной математики и их приложения» (СКМП-2009), СмолГУ, г. Смоленск, 2009, С. 39-40
5. Игошин В.И. Задачи и упражнения по математической логике и теории алгоритмов: учебное пособие для вузов - 4-е изд., стереотип. -М.: Академия, 2008. -302с.
6. Какзанова Е.М. Терминологический энциклопедический словарь: Математика и всё, что с ней связано, на немецком, английском и русском языках- М.: Астрель: АСТ, 2009. - 479 с.
7. Литвак Н.В., Райгородский А.М. «Кому нужна математика», 2016.-210с.

8. Маренич А.С., Маренич Е.Е. Использование Wolframe Alpha при решении математических задач: методические указания, – Москва: Издательство МГТУ им. Н.Э. Баумана, 2016. – 37 с.
9. Мельников О.И. Занимательные задачи по теории графов: Учеб. - метод. Пособие. - Изд-е 2-е, стереотип. - Мн. «ТеатраСистемс», 2001. - 144 с.
- 10.Перельман Я. И. Живая математика/ Я. В. Перельман. - Издательство АСТ, 2017. - 224 с.
- 11.Перельман Я. И. Занимательная математика/ Я. В. Перельман. - Издательство СЗКЭО. 2017. - 192 с.
- 12.Сгибнев А.И. Исследовательские задачи для начинающих. 2-е изд., испр. и доп. - М.: МЦНМО, 2015. - 136 с.
- 13.Симушкин С.В. Задачи по теории вероятностей. Учебное пособие. Казанский университет 2011. - 221 с.

**1.2. Перечень литературы, рекомендованной обучающимся:**

1. Андерсон, Джеймс А. Дискретная математика и комбинаторика/ Пер. с англ. — М.: Издательский дом "Вильяме", 2004. — 960 с.
2. Крамор В. С. Повторяем и систематизируем школьный курс геометрии / В.С. Крамор. - 4-е издание. - М.: ООО «Издательство Оникс»: ООО «Издательство Мир и Образование», 2008. — 336 с.
3. Ларин С. В. «Компьютерная анимация в среде GeoGebra на уроках математики», Легион, г. Ростов-на-Дону, 2015.
4. Литvak Н.В., Райгородский А.М. «Кому нужна математика», 2016.-210с.
5. Маренич А.С., Маренич Е.Е. Использование Wolframe Alpha при решении математических задач: методические указания, – Москва: Издательство МГТУ им. Н.Э. Баумана, 2016. – 37 с.
6. Мельников О. И. Теория графов в занимательных задачах / Изд. 3-е, испр. и доп. — М.: Книжный дом «ЛИБРОКОМ», 2009. — 232 с.
7. Перельман Я. И. Живая математика/ Я. В. Перельман. - Издательство АСТ, 2017. - 224 с.

8. Перельман Я. И. Занимательная математика/ Я. В. Перельман. - Издательство СЗКЭО. 2017. - 192 с.

### **1.3. Перечень литературы, рекомендованной родителям:**

1. Боно Э. Учите своего ребенка мыслить. Минск: изд-во «Попурри», 2014. 368 с.
2. Кэрол Вордерман. Как объяснить ребенку математику. Иллюстрированный справочник для родителей. М: Издательство: «Манн, Иванов и Фербер», 2016. 264 с.
3. Позаментье А. С., Левин Г., Либерман А., Виргадамо Д. С. Как помочь детям полюбить математику. - М.: ДМК Пресс, 2020. 222 с.
4. Юнсен А.Л. Как понять математику: решение проще, чем вы думаете. Минск: изд-во «Попурри», 2020. 288 с.

### **1.4 Перечень раздаточного материала:**

1. Тематические презентации.

## **2. Информационное обеспечение**

Программное обеспечение:

Операционная система (Windows, Linux, macOS). Офисное программное обеспечение.

### **2.1 Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения программы:**

1. Архив математических видеофайлов и статей/  
URL: [http://www.mathnet.ru/php/presentation.phtml?option\\_lang=rus](http://www.mathnet.ru/php/presentation.phtml?option_lang=rus)
2. Динамическая математическая среда GeoGebra/  
URL: <https://www.geogebra.org/classic?lang=ru>
3. Курс по алгоритмизации вычислений/  
URL: <https://www.coursera.org/learn/algoritmizacija-vychislenii>
4. Коллекция научных работ в области математики/  
URL: <https://revolution.allbest.ru/mathematics/>
5. Сайт для школьников, студентов и для всех, кто интересуется математикой/ URL: <https://math.ru/>
6. Сайт «Математические этюды»/ URL: <http://www.etudes.ru/ru/>